

Cryptographie Quantique

Jean-Marc Merolla

Chargé de Recherche CNRS

Email: jean-marc.merolla@univ-fcomte.fr

Département d'Optique P.-M. Duffieux/UMR FEMTO-ST 6174

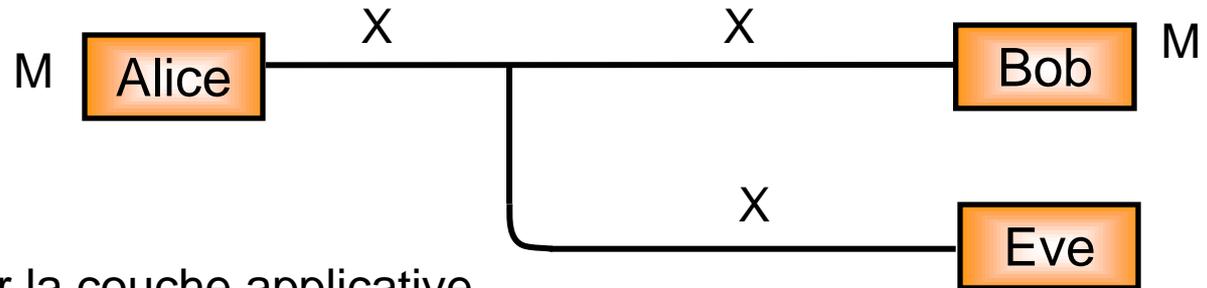
2009

Plan de la Présentation

- Introduction
 - Limites de la cryptographie classique
 - Principe général de la distribution quantique de clé
- Systèmes de cryptage quantique dédiés aux réseaux optiques
 - Codage en polarisation
 - Codage en phase dans le domaine temporel
 - Codage en phase dans le domaine fréquentiel
- Conclusion et perspectives

Introduction

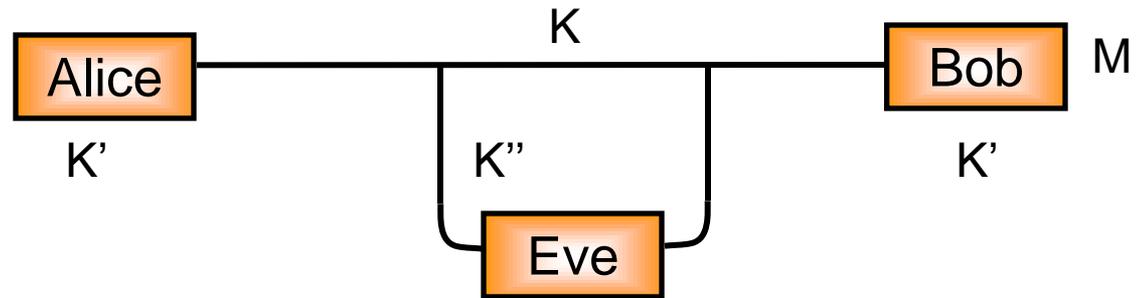
Cryptographie classique



- Caractéristiques
 - Sécurité assurée par la couche applicative
 - Communication sur des canaux sans pertes
- Critère de sécurité usuel : complexité algorithmique
 - Le décryptage requiert un nombre « déraisonnable » d'opérations
 - Ex : algorithme à clé publique RSA (décomposition en facteurs premiers)
- Critère de sécurité inconditionnelle : théorie de l'information
 - $I(X,M)=0$
 - « masque jetable » : requiert une clé secrète d'entropie $H(K)\geq H(M)$
- Authentification
 - Requiert une clé secrète de $\log(n)$ bits pour n bits

Introduction

Cryptographie Quantique



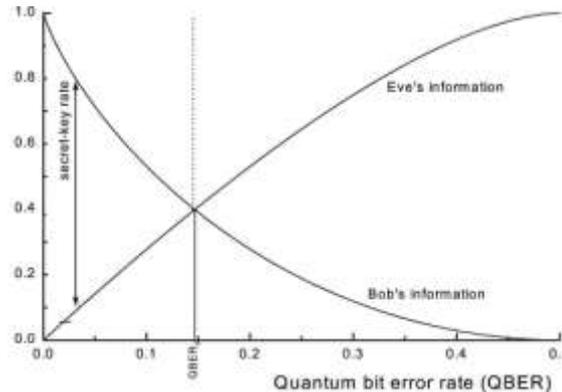
- Hypothèses très générales
 - L'espion a toute liberté pour modifier le canal
 - Les lois de la mécanique quantique limitent l'information accessible simultanément à Bob et Ève
 - Ex : théorème de non clonage, relations d'incertitude
- Distribution quantique de clé
 - Transmission d'une séquence binaire aléatoire
 - Les attaque d'Ève se traduisent par des déviations statistiques
 - Détection d'intrusion efficace
 - Évaluation de la quantité d'information interceptée
 - Nécessite un canal classique **authentifié**

0 1

Introduction

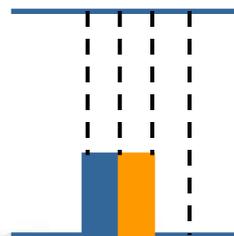
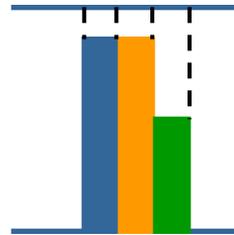
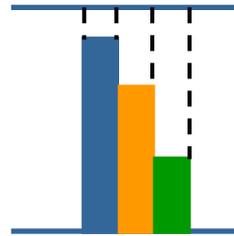
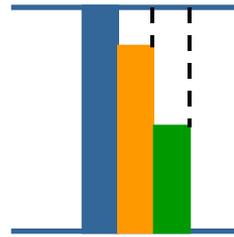
Cryptographie Quantique

- Transmission
 - Alice code des symboles aléatoires codés par des états quantiques
 - Bob mesure les états reçus et obtient des symboles corrélés
- Analyse
 - Évaluation de l'information interceptée par Ève à partir de grandeurs statistiques simples (taux d'erreur binaire, variance)



- Réconciliation
 - Correction des erreurs apparues lors de la transmission
- Amplification de confidentialité
 - Choix aléatoire d'une fonction de hachage

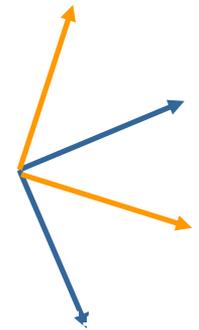
$$R_{\text{net}} \approx (I_{\text{AB}} - I_{\text{AE}}) \cdot K \cdot R_{\text{brut}}$$



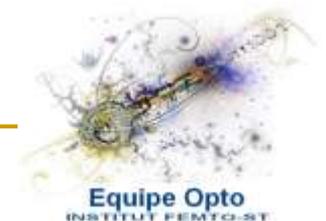
Introduction

Cryptographie Quantique par Photon unique

Alice	Bits	0	0	1	1	0	1	0	1	0	0
	Base	+	+	×	+	×	×	+	+	+	×
	État	→	→	↗	↑	↖	↗	→	↑	→	↖
Bob	Base	+	×	×	×	+	×	+	×	+	+
	Etat	→	↗	↗	↖	→	↗	→	↗	→	↑
	Bits	0	1	1	0	0	1	0	1	0	1



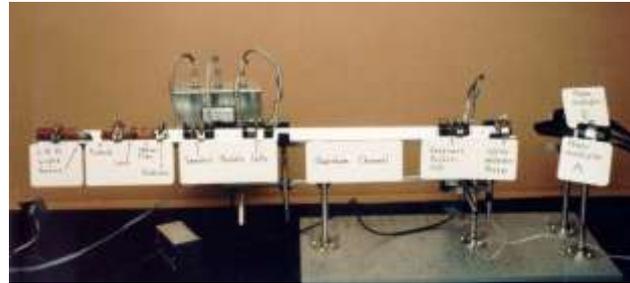
- Codage dans deux bases incompatibles
 - Alice génère une séquence binaire aléatoire et choisit aléatoirement la base de codage de chaque bit
- Décodage
 - Bob choisit aléatoirement sa base de mesure
 - ⇒ 50% des résultats des mesures sont aléatoires
- Analyse de la transmission
 - Alice et Bob dévoilent publiquement les bases utilisées
 - Une fraction des bits est sacrifiée pour évaluer le taux d'erreur binaire
 - ⇒ QBER de 11 % pour l'attaque optimale
- Réconciliation et amplification de confidentialité



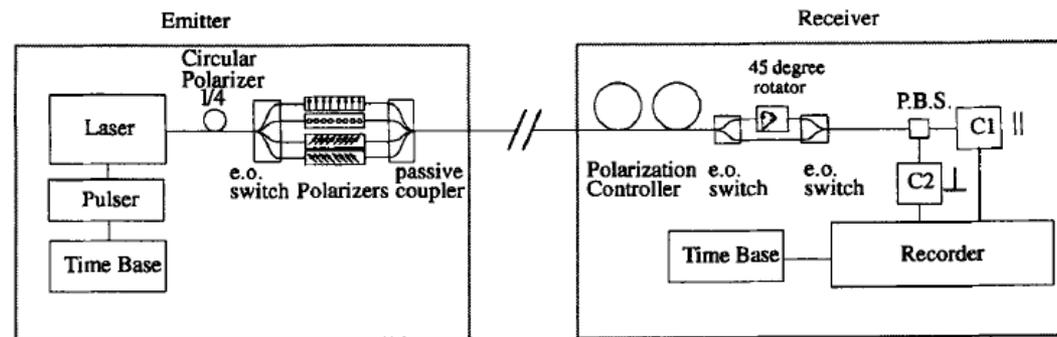
Systemes de cryptage quantique dédiés aux réseaux optiques

■ Codage par polarisation

- 1992 : C. H. Bennet (IBM-USA), G. Brassard (Univ. Montréal-Canada) : 30 cm

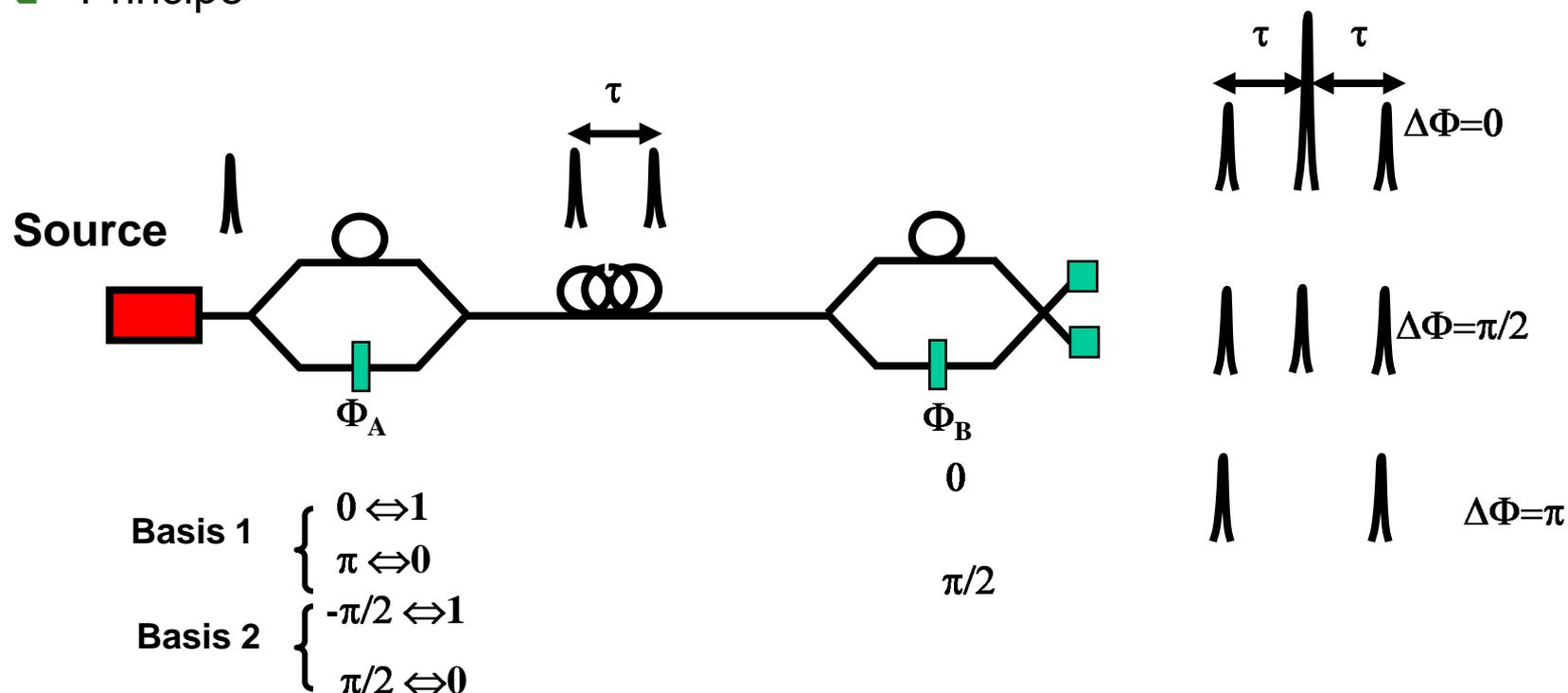


- 1996 : Muller, H. Zbinden, N. Gisin, (Geneva Univ., Switzerland) : 23 km



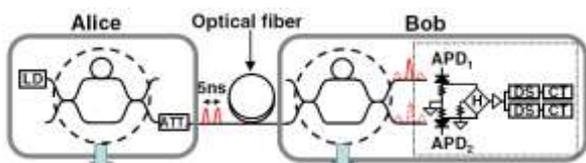
Systemes de cryptage quantique dédiés aux réseaux optiques

- Codage en phase/dans le domaine temporel
 - Principe

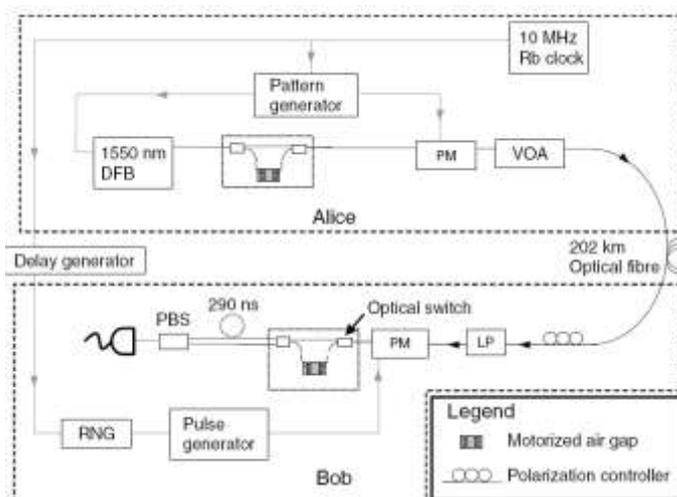


Systemes de cryptage quantique dédiés aux réseaux optiques

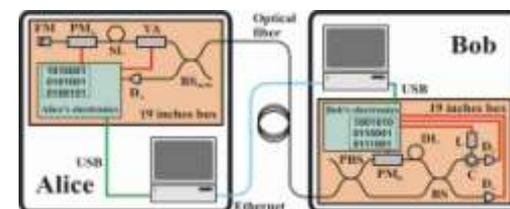
- Codage en phase/dans le domaine temporel
 - 1993 : P. D. Townsend (BT), J. G. Rarity, P. R. Tapster (DRA Malvern), : 10 km
 - 2000 : R. J. Hughes, G. L. Morgan, C. G. Peterson (Los Alamos) : 48 km
 - 2002 : N. Gisin, D. Stucki, H. Zbinden, (Univ. Genève) : 67 km
 - 2003 : Mitsubishi Electric : 87 km ; Toshiba Research Europe : 101 km
 - 2004 : T. Kimura, Y. Nambu, T. Hatanaka, A. Tomita, H. Kosaka, and K. Nakamura : 150 km
 - 2006 : P. A. Hiskett and al. : 147 km



Eprint quant-ph/0403104 (2004)



New Journal of Physics 8 (2006) 193

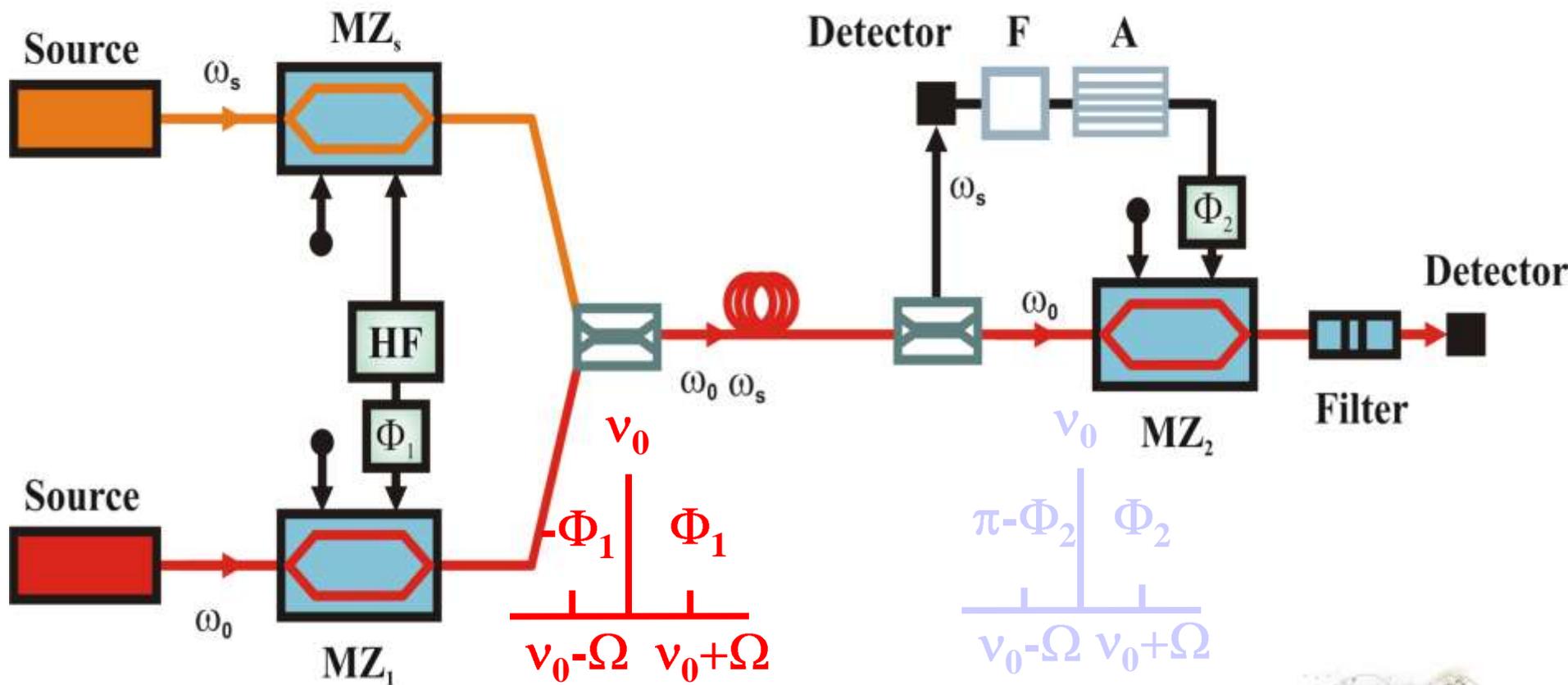


New Journal of Physics 4 (2002) 41.1–41.8



Systemes de cryptage quantique dédiés aux réseaux optiques

- Codage en phase/dans le domaine fréquentiel Principe



Systemes de cryptage quantique dédiés aux réseaux optiques

- Codage en phase/dans le domaine fréquentiel



Systemes de cryptage quantique dédiés aux réseaux optiques

- Codage en phase/dans le domaine fréquentiel : integration



Conclusion

- Cryptographie Quantique aujourd'hui
 - Méthode alternative de distribution de clé
 - Point-à-point 150-200 km
 - Systèmes commerciaux dédiés aux télécommunications optiques
- Développements
 - Point-à-point 500 km
 - Répéteurs quantiques
 - Multipoint
 - Autres applications : chiffrement, authentification
 - Ordinateur quantique